

الرياضيات لغة الكون

نماذج ليلة اختبار الرياضيات مع الأستاذ سائد سامي كراجة

نماذج تدريبية تحاكي الامتحان النهائي لمبحث الرياضيات توجيهي علمي

- تحتوي على نماذجين تدريبيين همامات جداً .
- أسئلة مراجعة للمواضيع الهامة .
- أسئلة منتقاة ومتوقعة لهذا العام .
- النماذج التدريبية تحوي المسائل المتوقعة والهامة حسب وحدات الكتاب والأفكار المشابهة لأسئلة الكتاب .

إعداد الأستاذ / سائد سامي كراجة (أبو سامي)

+٩٧٢٥٩٢٥٧٩٧٢٥

للعام الدراسي ٢٠٢١م

أقدم هذه الهدية لجميع طلاب ومعلمين الثانوية العامة لمبحث الرياضيات

راجي من الله التوفيق والنجاح لكم

دعواتكم لنا بالخير

محبكم : أ.سائد سامي كراجة

اختبار الورقة الأولى

اسم الطالب/ة : مجموع الدرجات (..... // ١٠٠ درجة)

ملاحظة/ عدد أسئلة الامتحان (ثمانية) أسئلة وعلى المشترك أن يجيب عن (خمس) أسئلة منها فقط.
القسم الأول : يتكون هذا القسم من (ستة) أسئلة وعلى المشترك أن يجيب عن أربعة أسئلة منها فقط بحيث يكون السؤال الأول إجباري.

السؤال الأول / أضع دائرة حول الإجابة الصحيحة في كل مما يلي : ٢٠ درجة

(١) إذا كان مقدار التغير في الاقتران u (س) عندما تتغير s من $s_1 = 2$ إلى $s_2 = 2$ يساوي ٨ فما هو متوسط تغير

الاقتران h (س) = $(s+1)u$ (س) في الفترة $[-2, 2]$ ؟

- أ. ١٠ ب. ٤٠ ج. ٤٠ د. ١٠٠

(٢) إذا كان متوسط تغير الاقتران u (س) = $s^2 + 3s + 2$ ، $s \in [1, 13]$ يساوي (١٩) جد قيمة الثابت ؟

- أ. ٨ ب. ٤ ج. ٢ د. ١

(٣) تتحرك نقطة على خط مستقيم بحيث أن المسافة ف بالأمتار التي يقطعها في زمن قدره n هي $f(n) = 6n^2 - n + 13$ أوجد مقدار التسارع؟

- أ. ١٤ م ب. ١٨ م ج. ٢٩ م د. ١٢ م

(٤) إذا كان q ، هـ اقترانين قابلين للاشتقاق وكان u (هـ) $\leftarrow (3) = 10$ ، u (هـ) $\leftarrow (3) = 4$ فإن قيمة $2h$ (3) = ؟

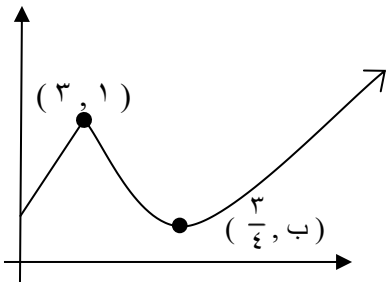
- أ. $\frac{5}{2}$ ب. ٥ ج. ٢ د. $\frac{2}{5}$

(٥) إذا كان u (3) = 2 فما قيمة h $\leftarrow (3) = \frac{u - (u+1)}{1-s}$ ؟

- أ. $\frac{1}{3}$ ب. $\frac{1}{6}$ ج. $\frac{1}{6}$ د. $\frac{1}{3}$

(٦) مستعيماً بالرسم المجاور إذا كانت $\frac{\Delta v}{\Delta s} = -3$ في $[1, b]$ فما قيمة b ؟

- أ. $\frac{7}{4}$ ب. $\frac{21}{12}$ ج. $\frac{7}{4}$ د. $\frac{12}{21}$



(٧) إذا كان منحنى الاقتران u (س) مماساً أفقياً عند النقطة (٣، ١) ما معادلة العمودي على المماس المرسومة لمنحنى عند تلك النقطة؟

- أ. $s = 1$ ب. $s = 3$ ج. $s = 1$ د. $s = 0$

(٨) إذا كان $s = 2h + h + h - s$ (حيث h العدد النيبيري)، ما قيمة $\frac{ds}{dh}$ عند ما $s = 0$ ؟

- أ. h ب. ١ ج. h د. $h + 1$

٩) و (س) = جتاس - جاس ، س ∈ [٠ ، π] ، فما قيمة س التي يكون للاقتران عندها قيمة صغرى مطلقة ؟
 أ. صفر ب. $\frac{\pi}{٤}$ ج. $\frac{\pi^3}{٤}$ د. $\frac{\pi}{٢}$

١٠) أكبر قيمة للاقتران و (س) = س $\sqrt{٤س - ٤س^٢}$ ، س ∈ [-٢، ٢] هي
 أ. $\sqrt{٢}$ ب. ٢ ج. ٤ د. صفر

السؤال الثاني : (٢٠ درجة)

١- إذا كان و (س) = جاس^٢ - جتاس + ١ ، س ∈ [٠ ، π] ، جد ؟
 أ- فترات التزايد والتناقص للاقتران و (س)
 ب- القيم القصوى وحدد نوعها للاقتران و (س)
 ج- مجالات التقعر للأعلى ولأسفل

٢- جد معادلة المماس لمنحنى العلاقة (ص + س) = ٣ = ٣س + ٢ + ٥ عند نقطة تقاطع منحناها مع المستقيم
 ص + س - ٢ = ٠

٣- إذا كان و (س) = $\left. \begin{array}{l} ٦س + ٢س - ٦ \\ ١٢ - ب + س \end{array} \right\}$ ، س ≥ ٢ ،
 س < ٢ ،
 جد قيمة الثوابت أ ، ب علماً بأن و (س) متصل على مجاله و و (٢) = ٦

السؤال الثالث : (٢٠ درجة)

١- إذا كانت ص = $\frac{\text{ظاس}}{\text{قاس} + ١}$ ، أثبت أن ص = ص قتاس

٢- أسقط جسم من ارتفاع ٣٠٠ متر عن سطح الأرض بحيث كانت المسافة التي يقطعها بالأمتار بعد ٥ ثانية هي $٥٥ = (٥)$ ، جد سرعة الجسم عندما يكون على الارتفاع ١٧٥ متر من سطح الأرض.

٣- إذا كانت $ص = ص$ ، أثبت أن $\frac{ص^٢}{(١-لوس)^٢} = \frac{ص^٢}{(١-لوس)^٢}$

السؤال الرابع : (٢٠ درجة)

١- إذا كان و (س) كثير حدود من الدرجة الثالثة يمر بمنحناه بالنقطة (١ ، ٥) وله نقطة انعطاف عند $س = ٢$ علماً بأن معادلة المماس عند نقطة الانعطاف $٣س + ص = ٧$ ، جد قاعدة الاقتران و (س)

٢- إذا كان $ص = ١ + ٣ع$ ، $س = ٤ - ٢ع$ ، جد $\frac{ص}{س}$ عندما $ع = ٢$ ، $س < ٠$

٣- إذا كان $u = (s)$ = اجاس ، ه $(s) = \frac{s^3}{s^2+1}$ جد قيمة الثابت α علماً بأن $(h \circ v) = \left(\frac{\pi}{6}\right) \neq 0$.

السؤال الخامس: (٢٠ درجة)

١- جد مساحة أكبر مستطيل يمكن رسمه داخل مثلث متساوي الساقين طول قاعدته 10 سم وارتفاعه 12 سم بحيث يقع رأسان منه على قاعدة المثلث ورأساه على ساقَي المثلث.

٢- إذا كان $u = (s)$ = ه $(s) = (s) - (s)$ وكان لاقتران كثير الحدود ه (s) قيمة صغرى محلية عند النقطة $(2, 1)$ أثبت أن u موجبة؟

٣- جد قياس الزاوية التي يصنعها المماس مع منحنى العلاقة $v^2 + 2s^2 - 2s - 4 = 0$ عند النقطة $(s, 1)$ ، حيث $s < 0$ ، مع الاتجاه الموجب لمحور السينات ، ثم جد معادلته.

السؤال السادس: (٢٠ درجة)

١- إذا كان $v = u$ (قاس+طاس) ، أثبت أن $\frac{v^3}{s} = 2$ قاس^٣ - قاس ؟

٢- إذا كان $u = (s)$ = س $\sqrt{s-4}$ جد أكبر قيمة وأصغر قيمة للاقتران u (س) ؟

٣- جد حجم أكبر أسطوانة دائرية قائمة يمكن رسمها في دائرة نصف قطرها $3\sqrt{3}$ سم؟

القسم الثاني : يتكون هذا القسم من سؤالين وعلى المشترك أن يجيب عن سؤال واحد فقط:

السؤال السابع: (٢٠ درجة)

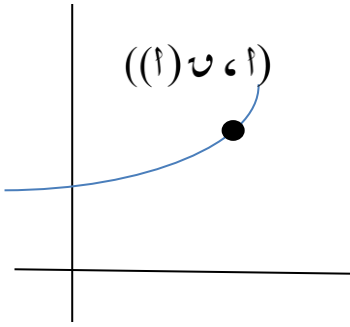
١- إذا كانت $v = \frac{1}{3} - \left(\sqrt[3]{(1-s^2)} + \sqrt[3]{(1+s^2)} \right)$ ، $s < \frac{1}{3}$

يبين أن $\left| \frac{v}{s} \right| = \sqrt[3]{2 + s^2 + s^4 - 2s^2}$

٢- إذا كان المستقيم $v = s + 5$ يمس منحنى $u = (s)$ = ب $s + ج$ عند $(-1, 3)$ جد الثوابت α, β, γ

١- إذا كان $u(s) = \sqrt{s+1}$ ، $s \in [3, b]$ جد قيمة الثابت b علماً بأن متوسط التغير $u(s)$ في نفس الفترة يساوي $\frac{1}{\sqrt{5}+2}$.

٢- الشكل المجاور يمثل جزءاً من منحنى كثير الحدود $u(s)$ فإذا كان $u(s) = u(s) \times u(s)$ بيين أن $u'(1) < 0$.



*** انتهت الأسئلة ~ بالتوفيق والنجاح ***

اختبار الورقة الأولى

اسم الطالب / ة : مجموع الدرجات (..... // ١٠٠ درجة)

ملاحظة/ عدد أسئلة الامتحان (ثمانية) أسئلة وعلى المشترك أن يجيب عن (خمسة) أسئلة منها فقط.
القسم الأول : يتكون هذا القسم من (ستة) أسئلة وعلى المشترك أن يجيب عن أربعة أسئلة منها فقط بحيث يكون السؤال الأول إجباري.

السؤال الأول / أضع دائرة حول الإجابة الصحيحة في كل مما يلي : ٢٠ درجة

١- إذا علمت أن متوسط تغير u (س) في $[٣, ١]$ يساوي ٤ ، ومتوسط تغير u (س) في $[٧, ٣]$

يساوي -٥ فإن متوسط تغير u (س) في $[٧, ١]$ يساوي :

(أ) ٢ - (ب) ١ - (ج) ١ (د) ٢

٢- إذا كان u (س) = $\left[\begin{matrix} ٣س - ١ \\ ١س^٢ \end{matrix} \right]$ ، فإن u (١) =

(أ) صفر (ب) ١ (ج) ٢ (د) غير موجودة

٣- إذا كان u (٢) = ٣ ، u (٢) = ١ فما قيمة u (١) = $\frac{(٣س^٢ + ٢س - ١) - (٢س^٢ - ١س)}{٣ - ٢}$

(أ) ٢ - (ب) $\frac{١}{٢}$ (ج) $\frac{١}{٢}$ (د) ٢

٤- إذا كان منحنى الاقتران u (س) يمر بالنقطة (٢، ١) وكان المماس المرسوم لمنحنى u (س) عند هذه

النقطة يصنع زاوية قياسها ١٣٥° مع الاتجاه الموجب لمحور السينات فإن u (٢) = $\frac{٣س^٢ - ٤س}{٤}$

(أ) $\frac{١}{٢}$ (ب) $\frac{١}{٢}$ (ج) ١ (د) ١ -

٥- إذا كان u (س) = $\frac{١}{٣س + ١}$ ، u (س) = ظاس فإن u (٥) = $\frac{١}{٣س + ١}$

(أ) $٣س^٢$ (ب) $٣س^٢$ (ج) $٣س^٢$ (د) ١

٦- يتحرك جسم في خط مستقيم وفق العلاقة u (ص) = $٦ص^٢ - ٣ص^٣$ حيث ف الإزاحة بالأمتار ، ن الزمن

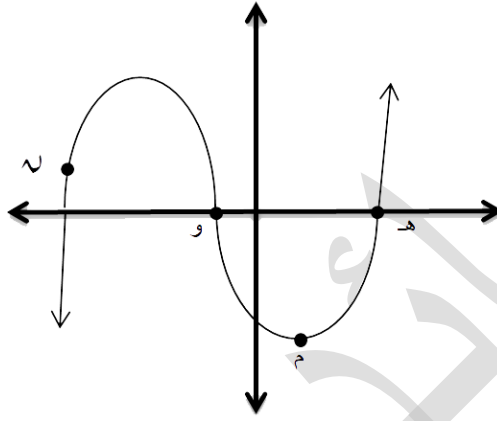
بالثواني فما سرعة الجسم عندما ينعدم التسارع ؟

(أ) ١٢ م/ث (ب) ٦ م/ث (ج) ٥ م/ث (د) ٤ م/ث

٧- إذا كان $U(s) = \sqrt{s^2 - 9}$ ، $s \in [-2, 4]$ فإن عدد النقاط الحرجة لاقتران $U(s)$ في هذه الفترة هو :

- (أ) ٢ (ب) ٣ (ج) ٤ (د) ٥
- ٨- إذا كان الاقتران $v = 7 + u$ هي معادلة العمودي على المماس لمنحنى $U(s)$ عند النقطة (٢ ، ١) ، جد $U'(2)$:

- (أ) ٣- (ب) $\frac{1}{3}$ (ج) $\frac{1}{3}$ (د) ٣
- ٩- بالاعتماد على الشكل المجاور الذي يمثل منحنى $U(s)$ ، النقطة التي يكون عندها $U'(s) = 0$ ، $U''(s) < 0$ موجبين؟



- (أ) و (ب) م (ج) ن (د) هـ
- ١٠- إذا كان الاقتران $U(s)$ متصلاً على الفترة $[1, 3]$ وكانت $U'(s) > 0$ ، $U(1) = 3$ وكانت $U(2) = 0$ صفر أي العبارات صحيحة دائماً:
- (أ) $(2, U(2))$ نقطة انعطاف لمنحنى $U(s)$
- (ب) لاقتران $U(s)$ قيمة عظمى محلية عند $s = 2$
- (ج) الاقتران $U(s)$ متناقص على $[1, 3]$
- (د) لاقتران $U(s)$ قيمة صغرى محلية عند $s = 2$

٢٠ درجة

السؤال الثاني /

(أ) إذا كان متوسط التغير لاقتران $U(s)$ في الفترة $[2, 5]$ يساوي ٤ وكان $U(2) \times U(5) = 7$ وكان $U(s) \times U'(s) = 1$ ، جد متوسط التغير لاقتران $U(s)$ على نفس الفترة .

(ب) إذا كان $U(s) = \begin{cases} s^3 - 1 & , s \geq 1 \\ s^2 + 2s & , s < 1 \end{cases}$ ، $U'(1)$ موجودة جد أ ، ب ، ج ؟

(ج) إذا كان $\sqrt{v} = \frac{v}{1-s}$ أثبت أن $v'' = v(1-s)$.

تابع ←

(أ) إذا كان $u(s) = 2s^2$ ، $h(s) = (s^2 - 3)^3$ وكان $h \circ u = \left(\frac{\pi}{4}\right)^{-1}$ ، جد قيمة u ؟

(ب) إذا كان المستقيم المار بالنقطة $(-2, 0)$ يسمى منحنى العلاقة $4s^2 + v = 2$ ، أوجد نقطة / نقاط التماس ؟

(ج) إذا كان $v = (5 - 2s)^4$ ، $h(s) = \sqrt[3]{s^2 + 2s + 1}$ ، جد $\frac{dv}{ds}$ عندما $s = 2$ ؟

(أ) إذا كان $u(s) = s^2 + 2s + 3$ معرف على الفترة $[0, \pi]$ ، أوجد :

- (١) مجالات التزايد والتناقص.
- (٢) القيم القصوى المحلية ل $u(s)$ إن وجدت.
- (٣) مجالات التفرع لأعلى و لأسفل.
- (٤) نقطة الانعطاف إن وجدت.

(ب) جد معادلة المماس لمنحنى العلاقة $(s + v)^3 + 2s^2 + v = 6$ ، $s < 0$ عند نقطة تقاطع منحناها مع المستقيم $s + v = 1$

(ج) إذا كان $v = \frac{(s+2)^4(1+s)}{(s+1)^3}$ ، جد $\frac{dv}{ds}$ ؟

(أ) إذا كان $u(s)$ ، $h(s)$ اقترانين قابلين لاشتقاق وكان $v = u(s) \times h(s)$ ، أثبت أن

$$\frac{v}{s} = \left(\frac{u}{h} + \frac{v}{u}\right) \frac{1}{h(s)}$$

(ب) يقف شخصان على سطح بناية ، أفلت الشخص الأول كرة من السكون وفق العلاقة $v_1 = 5t^2$ وفي اللحظة نفسها رمى الشخص الثاني كرة أخرى عمودياً إلى أسفل بسرعة ابتدائية مقدارها 10 م/ث وفق العلاقة $v_2 = 5t^2 + 10t$ ، فإذا ارتطمت كرة الشخص الأول بعد ثانية واحدة من ارتطام كرة الشخص الثاني للأرض ،

جد:

(١) سرعة كرة الشخص الثاني لحظة ارتطامها بالأرض.

(٢) ارتفاع البناية.

ج) جد أكبر قيمة وأصغر قيمة للاقتران $U(s) = \text{جاس} + \text{جئاس}$ في الفترة $[\pi, 0]$

٢٠ درجة

السؤال السادس /

- أ) إذا كان $U(s) = \text{جاس} - \text{س}$ متناقص على الفترة $[\frac{\pi}{2}, 0]$ ومن ذلك أثبت أن $\text{جاس} \geq \text{س}$.
- ب) إذا كان $U(s)$ كثير حدود من الدرجة الثالثة جد قاعدة الاقتران $U(s)$ علماً بأن $(2, 1)$ صغرى محلية ، $(3, 0)$ نقطة انعطاف لاقتران $U(s)$.

ج) جد مساحة أكبر مثلث متساوي الساقين مرسوم فوق محور السينات بحيث يقع رأسه في النقطة $(2, 0)$ والرأسان الآخرين على منحنى الاقتران $U(s) = 8 + 8s - s^2$ ، (قاعدة المثلث توازي محور السينات)

القسم الثاني : يتكون هذا القسم من سؤالين وعلى المشترك أن يجيب عن سؤال واحد فقط:

٢٠ درجة

السؤال السابع /

أ) إذا كان ظل $(\text{س ص}) = 1$ حيث س ، ص زاوية حادة أثبت أن $\pi = \frac{\text{ص}^2 \text{س}}{\text{س ص}^2} \text{س}^2$

ب) دائرتان لهما نفس المركز أ ونصف قطر الصغرى = ٩ سم ونصف قطر الكبرى = ١٥ سم ، فإذا أخذ نصف قطر الصغرى بتزايد بمعدل ثابت مقداره ٥ سم/ث ، بينما أخذ نصف قطر الكبرى يتزايد بمعدل ثابت ٤ سم/ث ، فأوجد أكبر مساحة ممكنة بين الدائرتين بحيث لا يتعدى نصف قطر الصغرى عن نصف قطر الكبرى؟

٢٠ درجة

السؤال الثامن /

أ) قذف جسم رأسياً لأعلى من قمة برج حيث أن المسافة الرأسية المقطوعة بالأمتار بعد (ص) من سطح الأرض تعطى بالعلاقة $f(\text{ص}) = 40 + \text{ص} + \text{ص}^2$ ، جد :

١) قيمة الثابت أ علماً بأن الجسم كان على مسافة (٣٥) م أسفل قمة البرج بعد مرور ٧ ثواني؟

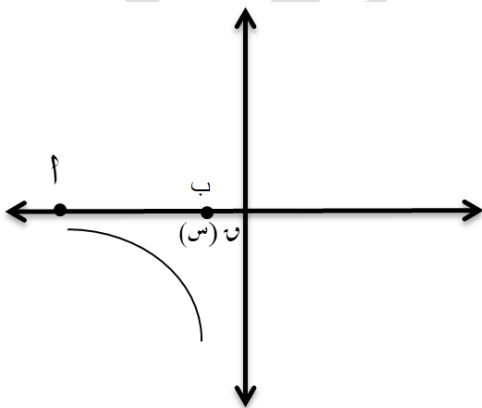
٢) المسافة التي قطعها الجسم بعد مرور (٥) ثواني من بدء الحركة ؟

ب) إذا كان $U(s)$ كثير حدود على $[a, b]$

ممثل منحناه في الشكل المجاور وكان

ل $U(s) = \frac{\text{س}}{U(s)}$ ، $U(s) \neq 0$ أثبت أن

ل $U(s)$ مقعراً لأسفل في $[a, b]$



انتهت الأسئلة ~ بالتوفيق والنجاح