

مدة الامتحان: ساعتان ونصف  
اليوم والتاريخ: ٢٠٢٠ / بـجميع الفروع عدا العلمي و الصناعي مجموع العلامات (100) علامة  
نموذج رقم (1)

ملاحظة: عدد أسئلة الورقة (ستة) ، أجب عن (خمسة) منها فقط

القسم الاول: يتكون هذا القسم من أربعة اسئلة ، وعلى المشترك أن يجيب عنها جميما.

## السؤال الأول: (30 علامة)

اختر الإجابة الصحيحة ، ثم ضع إشارة (x) في المكان المخصص في دفاتر الإجابة:

1.  $\text{ف}(s) = s^2 + 3$  فإن متوسط تغير الاقتران  $\text{ف}(s)$  في الفترة  $[1, 2]$

د. -٦

ج. ٦

ب. ١١

أ. ١

2.  $\text{ف}(s) = \frac{1}{s}$  فإن  $\text{ف}(2) =$

د.  $\frac{1}{2}$ ج.  $\frac{1}{2}$ ب.  $\frac{1}{4}$ أ.  $\frac{1}{4}$ 

3.  $\pi^s =$

د. صفر

ج.  $\pi^{s+2}$ ب.  $\pi^{s+2}$ أ.  $\pi^{s+3}$ 

4.  $b^s = 8$  وكان  $b$  عدداً حقيقياً موجباً فإن قيمة  $b =$

د. ٤

ج. ٣

ب. ٢

أ. ١

5. إذا كانت  $A$  مصفوفة من الرتبة  $2 \times 2$  وكان  $|A| = 12$  فإن  $|A^{-1}| =$

د. ٢٧

ج. ٣٦

ب. ٩

أ. ١٨

6.  $\log_2(16) =$

د. صفر

ج. ٤

ب. ٢

أ. ١

7. متسلسلة حسابية حدتها الأولى ٣ وحدتها العاشر ٢ ما مجموع أول عشر حدود منها:

د. ١٢٠

ج. ٥٠

ب. ٢٠

أ. ٢٠-

8. ما مجموع حل المعادلة  $\log_2(3)^{-s} = 5$

د. ٧

ج.  $\frac{16}{3}$ 

ب. ٣

أ. ٧

9. أخذت أطوال ٥ أشخاص وكانت العلامات المعيارية المناظرة لتلك الأطوال كالتالي: ٠.٥ ، ١.٥ ، ١.٥ ، ٠.٥ ،  
فإن قيمة  $A$ 

د. ١.٥

ج. ٠.٥

ب. -١

أ. ١

10. الوسط الحسابي لجميع العلامات المعيارية لتوزيع ما وانحرافها المعياري على الترتيب هي:

د. ١٠ ، ١

ج. ١ ، ٠

ب. ٠ ، ١

أ. ١ ، ٠

تابع السؤال الأول:

11. ما ميل المماس لمنحنى الاقتران  $h(s) = (s-1)(s-5)$  عند  $s=1$
- أ. ٨      ب. ١٠٠      ج. ١٨      د. ٧
12. إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من العلامات يساوي ٦ و الانحراف المعياري يساوي ٤ جد العلامة التي تنحرف انحرافين تحت الوسط:
- أ. ٥٧      ب. ٤٨      ج. ١٢      د. ١٢
13. إذا كان للاقتران  $h(s)$  عند قيمة عظمى محلية عند النقطة  $(-10, 5)$  فما قيمة  $h(-10)$ ؟
- أ. ٣      ب. صفر      ج. ١٠      د. -١٠
14. إذا كان  $h(1) = 8$  و  $h(5) = 6$  فإن  $\int_{s=2}^{s=8} h(s) ds$  =
- أ. ٦٠      ب. ٦٠      ج. ١٠٠      د. ١٠
15.  $\int_{s=2}^{s=6} h(s) ds = 6$  فإن  $\int_{s=4}^{s=6} h(s) ds =$
- أ. ٦٠      ب. ٢٠      ج. ٢      د. ٦
16.  $c = \int_{s=1}^{\sqrt{s}} s ds$  فإن  $\frac{c}{s}$  =
- أ. ٥      ب. ٣      ج. ٣      د. صفر
17.  $h(s) = s^2 + 5$  ميل المماس عند  $s=2$  هو ١٨ فإن قيمة  $a$  =
- أ. ٢      ب. ٤      ج. -٤      د. ٤
18.  $\sum_{i=1}^7$  =
- أ. ٧      ب. ٣٠      ج. ٥      د. ٣٥
19.  $\log_3(81 \times 243) =$
- أ. ٥      ب. ٢٠٠      ج. ٩      د. ٤
20. قيمة  $s$  في  $\frac{3}{2} \times \frac{2}{s-5} = 1$
- أ. صفر      ب. ٤      ج. ٢      د. -٢

يتبع صفحة (3)



لاحظ الصفحة التالية

**السؤال الثاني: (20 علامة)**

(8 علامات)

$$\text{أ. إذا كانت } b = \begin{bmatrix} 0 & 2 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}, \text{ جد كل ما يلي:}$$

$$b^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$$

(7 علامات)

$$\text{ب. حل النظام الآتي باستخدام كريمر } s = \frac{c + 1}{c - 2} = \frac{s + 2}{s - 2}$$

(5 علامات)

$$\text{ج. } h(s) = (s^2 + 7) \left( \frac{8}{h} - s^3 - 2 \right) \quad \text{فإن قيمة } h(s) =$$

**السؤال الثالث: (20 علامة)**

(8 علامات)

$$\text{أ. عين القيم القصوى وفترات التزايد والتناقص للاقتران } h(s) = s^3 + 3s^2$$

(6 علامات)

$$\text{ب. إذا كان ميل المماس لمنحنى الاقتران } h(s) \text{ عند أي نقطة عليه يعطى بالعلامة } h(s) = 2s - 1$$

جد قاعدة الاقتران  $h(s)$  علمًا بأن منحنى الاقتران  $h(s)$  يمر بالنقطة  $(1, 4)$

(6 علامات)

$$\text{ج. } \left\{ \begin{array}{l} (2s - 5)s = 18 \text{ جد } 1 \\ (2s - 5)s = 18 \text{ جد } 2 \end{array} \right.$$

**السؤال الرابع: (20 علامة)**

(20 علامة)

أ. حل المعادلة التالية:

$$\begin{aligned} 1 &= -2s^3 - s^2 + s \\ 2 &= \left( \frac{1}{16} \right)^{2-s} = (s-9)^{3-s} \\ 3 &= \log(s-4) = \log s \end{aligned}$$

القسم الثاني : يتكون هذا القسم من سؤالين وعلى المشترك ان يجيب عن أحدهما فقط.

**السؤال الخامس: (10 علامات)**

(5 علامات)

أ. كم حد يجب أخذه من متسلسلة هندسية حدها الأول ٣ و أساسها ٣ ليكون مجموعها ٣٦٣

(5 علامات)

ب. إذا كان الوسط الحسابي لكتلة مجموعة من الأشخاص يساوي ٥٠ كغم وانحرافها المعياري  $\sigma$  وكانت العلامتان

المعياريتان المقابلتان لكتلتين ٦٠ ، س هي ٤ ، ٢ على الترتيب ، جد ما يلي:

1- قيمة كل من س و  $\sigma$ .

2- ما العلامة المعيارية المقابلة لكتلة ٨٥ كغم.

**السؤال السادس: (10 علامات)**

(5 علامات)

أ. متتالية حسابية حدها الأول ٩ وحدتها الثالثون = ٢٠ حد مجموع أول ٣٠ حد منها.

(5 علامات)

ب. إذا كانت كتلتان شخصين ٨٥ ، ٨٠ كغم وكانت العلامتان المعياريتان المناظرتان لهما ١ ، ٢ جد الانحراف المعياري والوسط الحسابي.

انتهت الأسئلة



**ملاحظة:** عدد أسئلة الورقة (ستة) أسئلة ، أجب عن (خمسة) منها فقط

**القسم الاول:** يتكون هذا القسم من أربعة اسئلة ، وعلى المشترك أن يجيب عنها جميعا.

## السؤال الأول: (30 علامة)

**اختر الإجابة الصحيحة ، ثم ضع إشارة (x) في المكان المخصص في دفاتر الإجابة:**

- |           |                      |                      |                                  |   |
|-----------|----------------------|----------------------|----------------------------------|---|
| أ. ١٧     | ب. ٥                 | ج. ١٧ - ٥            | د. ٥                             | إذا علمت أن متوسط تغير الاقتران $h(s)$ في الفترة $[2, 4]$ يساوي ٣ وكان $h(2) = 11$ جد قيمة $h(4)$                       |
| أ. ٣ - ٦  | ب. ٦ - ٢             | ج. ٢ - ٦             | د. ٦                             | ٢. $s^2 - 6s + 9$ جد $\frac{ds}{s}$ عند $s = 3$ هي:   |
| أ. ٢      | ب. ١٠٠               | ج. ١ - ١             | د. ٥ - ٥                         | ٣. $\int_{s=2}^{s=5} h(s) ds = 10$ جد قيمة الثابت $h$   |
| أ. صفر    | ب. ٤                 | ج. ٤                 | د. ٢                             | ٤. يكون للاقتران $h(s) = s^2 - 4s + 1$ مماساً أفقياً عند $s =$  |
| أ. ٢٨     | ب. ١١٠               | ج. ٥                 | د. ٣ - ٣                         | ٥. $\int_{s=4}^{\infty} h(s) ds = 4$  |
| أ. ٢٦     | ب. $1 \times b^{-1}$ | ج. $b \times 1^{-1}$ | د. $b \times 1$                  | ٦. إذا كانت $a, b$ مصفوقتين غير منفردتين فإن $(1^{-1} \times b) = (1 \times a^{-1})$                                    |
| أ. ٢٤     | ب. ٣٩                | ج. ٢٤                | د. ٢١ . د                        | ٧. $h(s) = h(3) \times (s^2 + 1)$ ، $h'(3) = 2$ جد $h'(3)$  |
| أ. [٣، ٢] | ب. [١، ٠]            | ج. [١، ٠]            | د. [-∞, ١]                       | ٨. فترة التزايد للاقتران $h(s) = s^2 - 2s - 2$  |
| أ. ٤      | ب. ٢٠                | ج. ٠                 | د. $\frac{s^3}{3} + s^2 + s + ج$ | ٩. $s^2 + (s^3 + 1) ds$ فإن   |
| أ. ٦٤     | ب. ٤٨                | ج. ١٢ - ١٢           | د. ١٢ . د                        | ١٠. إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من العلامات يساوي ٦ و انحراف معياري يساوي ٤ ما العلامة التي تحرف انحرافين فوق الوسط : |

لاحظ الصفحة التالية

(2) يتبَعُ صَفَحَةً

تابع السؤال الأول:

11. إذا كانت  $s$  تتبع التوزيع الطبيعي لوسط الحسابي  $\mu$  وانحراف معياري  $\sigma$  ما المساحة عندما ( $s < \mu$ )  
أ. ٥٠٪ . ج. ١٪ . د. صفر

12. إذا كان الوسط الحسابي لأعمار مجموعة من الآباء يساوي ٣٤ وانحرافها المعياري ٥ وكانت العلامة المعيارية المقابلة  
للعمر  $s$  تساوي ٤ جد العمر  $s$ ?  
أ. ٥٠٪ . ب. ٦٣٪ . ج. ٦٤٪ . د. ٦٠٪

13. الحد الخامس عشر في المتسلسلة الحسابية التي يعطي مجموعها بالعلاقة  $\sum_{n=1}^{\infty} = 84 - 2^n$   
أ. ٢٣٪ . ب. ٢٧٪ . ج. ٢٥٪ . د. ٢١٪

14.  $L_1 = 3$   $L_2 = 4$  جد  $L_3 = (s \times s)$   
أ. ٩٪ . ب. ٨٪ . ج. ١١٪ . د. ١٠٪

15.  $L_1 = 3$   $L_2 = 4$  جد  $L_3 = (s \times s)$   
أ. ٧٪ . ب. ١٢٪ . ج. ١٦٪ . د. ١٠٪

16.  $L_1 = 4 + s^2$   $L_2 = 10$   
أ. ٢٪ . ب. ٤٪ . ج. ١٪ . د. ٣٪

17. أي من المصفوفات الآتية  $(B^{-1})$   $= \begin{bmatrix} 6 & 5 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$   
أ.  $\begin{bmatrix} 6 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$  . ب.  $\begin{bmatrix} 6 & 5 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$  . ج.  $\begin{bmatrix} 3 & 6 \\ 5 & 1 \end{bmatrix}$  . د.  $\begin{bmatrix} 6 & 5 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$

18. أي من المصفوفات الآتية ليس لها نظير ضربي?  
أ.  $\begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 6 & 4 \end{bmatrix}$  . ب.  $\begin{bmatrix} 6 & 5 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$  . ج.  $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$  . د.  $\begin{bmatrix} 2 & 8 \\ 1 & 4 \end{bmatrix}$

19.  $f(s) = s^3 - 4s + 2$  جد قيمة  $f(2)$   
أ. ١٢٪ . ب. ٤٪ . ج. ٢٪ . د. ٨٪

20.  $L_3 = s^{1+2}$  جد قيمة  $s$   
أ.  $\frac{1}{2}$  . ب.  $-\frac{1}{2}$  . ج.  $\frac{1}{4}$  . د.  $-\frac{1}{4}$

يتبع صفحة (3) ←

لاحظ الصفحة التالية

**السؤال الثاني: (20 علامة)**

أ. حل المعادلة المصفوفية:  $s - \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} = (s + 2)(s + 5)$

(7 علامات)

ب. عين القيم القصوى المحلية وفترات التزايد والتناقص للاقتران  $f(s) = -s^2 + 7s + 5$  إن وجدت

(6 علامات)

ج. أجب عن التالي:

$$s - 1 = \left( \frac{s^2}{s-3} - \frac{s^2}{s-3} \right)$$

**السؤال الثالث: (20 علامة)**

(8 علامات)

أ. حل النظم الآتي باستخدام كريمر  $s - 2s = 1$ ,  $s + s = 7$

(6 علامات)

ب. إذا كان  $\begin{cases} f(s) + 2s = 6 \\ f(s) - s = 5 \end{cases}$  ، أوجد  $f(s)$

(6 علامات)

ج. جد قاعدة الاقتران  $f(s)$  المار بالنقطة  $(4, 0)$  علماً بأن  $f'(s) = \frac{1}{s^2}$

**السؤال الرابع: (20 علامة)**

أ. خط إنتاج في مصنع ينتج ٤٠٠ كيس من السكر تتبع التوزيع الطبيعي لوسط حسابي يساوي ١٠، اكتمل وانحراف معياري ٢٠، كتمل جد:

٢- النسبة المئوية للأكياس التي كتلتها أقل من ٣٠، اكتمل.

٣- عدد الأكياس التي كتلتها أكثر من ٢٠، اكتمل.

٤- النسبة المئوية للأكياس التي تترواح كتلتها بين ١٥ و ٢٥، اكتمل.

ب. اكتب أول ٥ حدود لمتسلسلة حسابية مجموع حديها الثاني والتاسع = ٢٥ ومجموع حديها الثالث والسابع = ٢٠

(5 علامات)

ج. حل المعادلة:

$$-1 - \frac{1}{s^2} (25) = \frac{1}{s^2} (64)$$

**القسم الثاني:** يتكون هذا القسم من سؤالين وعلى المشترك ان يجيب عن أحدهما فقط.

**السؤال الخامس: (10 علامة)**

أ. إذا كان  $f(s) = s^2 - 4s + b$  له قيمة صغرى محلية عند  $s = 2$  وكان  $f(s)$  يمر بالنقطة  $(1, 0)$  (5 علامات)

جد قيمتي الثابتين  $a$  ،  $b$

(5 علامات)

ب. قيمة  $s$  التي تجعل  $|s| + |s| = 14$

(5 علامات)

**السؤال السادس: (10 علامة)**

أ. إذا كان علامتا طالبين في امتحان ما هما ٩٥، ٨٠ والعلامةان المعياريتين المناظرة لهما على الترتيب هما ١، ٢ - جد الانحراف المعياري و الوسط الحسابي.

(5 علامات)

ب. حل المعادلة المصفوفية  $\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} \times s$

ملاحظة: عدد أسئلة الورقة (ستة) ، أجب عن (خمسة) منها فقط

القسم الاول: يتكون هذا القسم من أربعة اسئلة ، وعلى المشترك أن يجيب عنها جميعا.

**السؤال الأول: (30 علامة)**

اختر الإجابة الصحيحة ، ثم ضع إشارة (x) في المكان المخصص في دفاتر الإجابة:

$$1. \quad \begin{bmatrix} 3 & 8 \\ 2 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 2 + s \\ 4 & s - s \end{bmatrix}$$

أ. ٦ ، ٢ . د. ٤ ، ٦ ج. ٤ ، ٦ ب. ٤ ، ٦ . أ. ٢ ، ٦

$$2. \quad \text{أ. ب. ج. مصفوفات بحيث } \begin{bmatrix} 1 & x \\ 3 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & x \\ 2 & 2 \end{bmatrix}, \text{ فإن قيمة } s = 3$$

أ. ١٦ . ب. ١٢ ج. ١٦ . د. ١٠

$$3. \quad \text{قيمة } s \text{ التي تجعل المصفوفة } \begin{bmatrix} s & 8 \\ s & 2 \end{bmatrix} \text{ منفردة هي:}$$

أ. ٨ . ب. ٨ ج. ٤ . د. ٦ +

$$4. \quad \text{إذا كانت } A, B \text{ مصفوفتان ثانيتان بحيث أن } |A| = 3, |B| = 2, |AB| = 12 \text{ فإن } |A| =$$

أ. ٧٢ . ب. ٤ ج. ٤ . د. ١٢

$$5. \quad \left| \begin{array}{cc} s & 2 \\ 3 & 4 \end{array} \right| = 1 \quad \text{فإن } \left( \begin{array}{cc} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{array} \right) =$$

أ. ٢ . ب. ٣ ج. ١ . د. غير ذلك

$$6. \quad \text{ميل المستقيم القاطع لمنحنى الاقتران } h(s) \text{ في النقطتين } (1, 3), (3, 9) \text{ يساوي:}$$

أ. -٣ . ب. ٢ ج. ٣ . د. ٦

$$7. \quad \text{إذا كان } h(s) = 3h(s) + s \text{ جد } h(2), \text{ بحيث } h(2) = 1, h(2) = 3$$

أ. ١ . ب. ٢ ج. ١١ . د. ١

$$8. \quad \text{يكون الاقتران } h(s) = s^2 - 4s + 1 \text{ مماس أفقي عند } s =$$

أ. صفر . ب. ٢ ج. ٤ . د. ١

$$9. \quad \text{إحدى اشارات } h(s) \text{ الآتية تظهر وجود قيمة عظمى محلية للاقتران } h(s) \text{ عند } s = 2$$



$$10. \quad \text{إذا كان للاقتران } h(s) = 3s + s^3 \text{ قيمة صغرى محلية عند } s = 2 \text{ فإن قيمة } h(s) \text{ هي:}$$

أ. ٣ . ب. ١٢ . ج. ١٢ . د. ٦

تابع السؤال الأول:

$$11. \text{ ص} = \frac{\text{ص}}{\text{س}} \quad \text{فإن } \text{س}^2 + 1 = \text{ص}^3 \quad \left| \begin{array}{l} \text{أ. ٢} \\ \text{ب. ٦} \\ \text{ج. -٤} \\ \text{د. ٤} \end{array} \right.$$

$$12. \text{ س}^2 + \text{ص}^2 = \text{ب}. \quad \left| \begin{array}{l} \text{أ. } \frac{2}{7} \\ \text{ب. } \frac{2}{5} \\ \text{ج. } \frac{5}{2} \\ \text{د. } \frac{7}{2} \end{array} \right.$$

$$13. \text{ س}^3 + 7\text{س}^2 = \text{ص}^3 \quad \left| \begin{array}{l} \text{أ. ٢} \\ \text{ب. -٢} \\ \text{ج. صفر} \\ \text{د. ١٢} \end{array} \right.$$

$$14. \text{ إذا كانت } \text{ف}(s) = \text{س}^6, \text{ جد } \text{ف}(s) \quad \left| \begin{array}{l} \text{أ. ١٦} \\ \text{ب. +٨} \\ \text{ج. -٨} \\ \text{د. ٤} \end{array} \right.$$

$$15. \text{ إذا كان } \text{ف}(s) = \text{س}^9, \text{ فـ } \text{ف}(s) = \text{س}^7 \quad \left| \begin{array}{l} \text{أ. ٦} \\ \text{ب. ١٠} \\ \text{ج. ١٢} \\ \text{د. ٤} \end{array} \right.$$

$$16. \text{ لـ } ٦٢٥ = \text{س} - ٢ \quad \left| \begin{array}{l} \text{أ. ٤} \\ \text{ب. ٦} \\ \text{ج. ٢} \\ \text{د. ١} \end{array} \right.$$

$$17. \text{ } ١٦ = \frac{١ + \text{س}^٣}{٢} \quad \left| \begin{array}{l} \text{أ. ١} \\ \text{ب. -١} \\ \text{ج. ٢} \\ \text{د. -٢} \end{array} \right.$$

$$18. \text{ إذا حولت مفردات توزيع ما إلى علامات معيارية فكانت كالتالي: } ٣, ١٢, ١, -٥ \text{ فإن قيمة أ هي:} \quad \left| \begin{array}{l} \text{أ. -١} \\ \text{ب. ٤} \\ \text{ج. -٤} \\ \text{د. ١} \end{array} \right.$$

$$19. \text{ متتالية حسابية حدها الأول يساوي ٣ و أساسها = ٢، جد حدتها الخامس.} \quad \left| \begin{array}{l} \text{أ. ١١} \\ \text{ب. ٧} \\ \text{ج. ٩} \\ \text{د. ١٣} \end{array} \right.$$

$$20. \text{ إذا كان الوسط الحسابي لمجموعة من الدرجات = ٢٠ و انحراف معياري ٤ ما العلامة المعيارية المقابلة للدرجة ٢٨} \quad \left| \begin{array}{l} \text{أ. ١} \\ \text{ب. -١} \\ \text{ج. -٢} \\ \text{د. ٢} \end{array} \right.$$

يتبع صفحة (3)



لاحظ الصفحة التالية

**السؤال الثاني: (20 علامة)**

أ. إذا كان  $\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 3 \end{bmatrix} = b$  ، جد كل ما يلي:

$$\begin{aligned} & \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 2 & 5 \end{bmatrix} = 1 \\ & -2 - (13) \end{aligned}$$

$$|1 \times b|$$

ب. إذا كان متوسط تغير الاقتران  $w(s)$  في  $[2, 4]$  يساوي 5، أوجد متوسط تغير الاقتران  $w(s) = 2$  في تلك الفترة.

ج. جد معادلة المماس لمنحنى الاقتران  $w(s) = s^2 + 3s + 1$  وكان  $w(1) = 5$  ، أوجد  $w'(s)$

**السؤال الثالث: (20 علامة)**

أ. جد قاعدة الاقتران  $w(s)$  علماً بأن  $w(s) = 3s^2 - 2$  علماً بأن  $w(2) = 6$

ب. حل النظم الآتي باستخدام طريقة كريمر:  $s^3 = 2s + 5$

ج. حل المعادلة  $\frac{1}{3}s^2 لو_8 64 + س لو_8 243 + لو_8 2 = 125$

**السؤال الرابع: (20 علامة)**

أ. إذا كان  $\begin{cases} w(s) = 8 \\ w(s) - 2s = 4 \end{cases}$  جد  $\begin{cases} w(5) \\ w(3) \end{cases}$

ب. كم حداً يلزم أخذة من متسلسلة هندسية حدها الأول 4 و أساسها 3 ليكون مجموعها 160

ج. تقدم 1000 طالب لامتحان ما في مركز الوسام فإن كانت علامات الطلبة تتبع التوزيع الطبيعي بوسط حسابي 60 و انحرافاً معيارياً 10 جد:

1- النسبة المئوية للطلبة الذين تحصل علاماتهم بين 60 و 90.

2- عدد الطلبة الذين تزيد علاماتهم عن 90.

**القسم الثاني :** يتكون هذا القسم من سؤالين وعلى المشترك أن يجيب عن أحدهما فقط.

**السؤال الخامس: (10 علامات)**

أ. تعاقد موظف مع إحدى الشركات نظير راتب سنوي قدره 12000 دينار وبزيادة سنوية قدرها 5 ديناراً

1- ما الراتب السنوي الذي تقاضاه هذا الموظف خلال السنة السابعة.

2- ما مجموع ما تقاضاه خلال 10 سنوات.

ب. جد  $\begin{cases} s^2 + 5s + 6 \\ s + 2 \end{cases}$

**السؤال السادس: (10 علامات)**

أ. متالية حسابية حدها الأول = 5 وحدها الرابع = 14 جد مجموع أول عشرين حد منها.

ب.  $\sum_{n=7}^{14} (2n + 2) = 20$  ، جد قيمة  $a$



ملاحظة: عدد أسئلة الورقة (ستة) ، أجب عن (خمسة) منها فقط

القسم الاول: يتكون هذا القسم من أربعة اسئلة ، وعلى المشترك أن يجيب عنها جميما.

**السؤال الأول: (30 علامة)**

اختر الإجابة الصحيحة ، ثم ضع إشارة (x) في المكان المخصص في دفاتر الإجابة:

$$= \begin{bmatrix} 3 & 8 \\ 2 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 2 + s \\ 4 & s - s \end{bmatrix} .$$

أ. ١٢ - ٦      ب. ٦      ج. ١٢      د. ٢٤

2. متوسط تغير  $w(s) = \frac{s+1}{s}$  عندما تتغير  $s$  في الفترة  $[3, 8]$  يساوي:

أ.  $\frac{1}{5}$       ب.  $-\frac{1}{5}$       ج. ٥      د. ١

3. بالاعتماد على إشارة مشتقة الاقتران  $w(s)$  المعرف على  $\mathbb{R}$  في الشكل التالي فإن إحدى العبارات التالية غير صحيحة:



- ب. متزايد في الفترة  $[-\infty, 2]$   
ج. للاقتران قيمة عظمى عند  $s = -3$   
د. للاقتران قيمة عظمى عند  $s = 3$

$$w(s) = \begin{cases} 2 & s \leq 2 \\ 4 & 2 < s \leq 3 \\ 6 & 3 < s \leq 7 \\ 7 & 7 < s \leq 8 \\ 8 & s > 8 \end{cases} .$$

أ. ٢      ب. ٢ - ٦      ج. ٤      د. ٦

$$= |13|, \text{ فإن } \begin{bmatrix} 5 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} = 1 .$$

أ. ٩      ب. ٦      ج. ٣      د. ١

6. المتسلسلة المنتهية هي:

$$\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{1}{3} \right)^n (1 + n^3) = \dots + 81 - 27 + 9 - 3 + \dots + 8 + 6 + 4 + 0 + \dots$$

7. متسلسلة حسابية حدها الاول ٣ و مجموع أول ٢٠ حدود فيها ١٢٠ فإن حدها العاشر =  
أ. ٢٤      ب. ٢١      ج. ٢٠      د. ٢٢

8. الوسط الحسابي لعلامات ٥ طلاب ٤ و انحراف معياري ٤ فإن العلامة التي تنحرف انحراف معياري واحد تحت الوسط  
هي:  
أ. ١٠      ب. ٢      ج. ٣      د. ٤

يتابع صفحة (2)



لاحظ الصفحة التالية

تابع السؤال الأول:

9. إذا علمت أن العلامتين المعياريتين المقابلتين للعلامتين الخامسة  $12, 20$  هـ  $- 1, 3$  على الترتيب فإن الانحراف المعياري:

- أ. ١١      ب. ٢٠      ج. ٣      د. ٤

10. إذا كانت  $A$  مصفوفة من الرتبة  $3 \times 2$  فإن رتبة المصفوفة  $= 12$

- أ.  $6 \times 4$       ب.  $4 \times 6$       ج.  $3 \times 2$       د.  $2 \times 3$

11. جد قيمة  $s$  التي تجعل  $\begin{bmatrix} 3 & s \\ 9 & 6 \end{bmatrix}$  منفردة

- أ. ٢      ب. ٢      ج. صفر      د. ١٨

12. إذا كانت  $A, B$  مصفوفتين مربعتين وكان  $|A| \times |B| = 18$  فإن  $|AB| = 18$

- أ. ٤      ب. ٦      ج. ٤      د. ٦

13. ميل المماس لمنحنى الاقتران  $f(s) = s^3 + 2s$  ، عند  $s = 1$  هو:

- أ. ٢      ب. ٦      ج. ٨      د. ٥

14. ميل المستقيم القاطع لمنحنى الاقتران  $f(s)$  في النقطتين  $(1, 3)$  و  $(3, 9)$  هو:

- أ. ٣      ب. ٣      ج. ٣      د. ٦

$$15. \text{ ص } = \frac{1}{s} \quad \text{س } \neq 0, \text{ فإن } \frac{dy}{ds} = -\frac{1}{s^2}$$

- أ.  $s^{-2}$       ب.  $-s^{-1}$       ج.  $-s^{-1}$       د. ١

16. عدد القيم القصوى المحلية للاقتران  $f(s) = s^3 - 8$  هو:

- أ. ٣      ب. ٢      ج. ١      د. صفر

17. للاقتران  $f(s) = 6s - s^2$  له قيمة عظمى محلية للاقتران  $f(s)$

- أ. ٣      ب. ٦      ج. ٩      د. ١٢

18. إذا كانت  $E$  تتبع توزيع طبيعي وكان المساحة عند  $(E < 2.23) = L$  ، ما المساحة عند  $(E > 2.23) =$

- أ.  $L$       ب.  $L - 1$       ج.  $L - 1$       د.  $1 - L$

19. إذا كانت المفردات التالية تمثل 7 علامات معيارية كما يلى  $1, 5, 1, 0, 0, 5, 1, 0, 1, 1, 1, 3$

جد قيمة  $A$

- أ.  $0, 25$       ب.  $0, 25$       ج.  $0, 5$       د.  $0, 5$

$$20. \sum_{n=1}^{4} (2 - n)^3$$

- أ. ٢٢      ب. ٢١      ج. ٢٠      د. ١٩

لاحظ الصفحة التالية

يتابع صفحة (3)



السؤال الثاني: (20 علامة)

(8 علامات)

$$\begin{aligned} \text{أ. إذا كان } & \left[ \begin{array}{cc} 4 & 1 \\ 2 & 0 \end{array} \right] = ب \quad \left[ \begin{array}{cc} 1 & 2 \\ 3 & 2 \end{array} \right] = 1 - ب \\ 1 - 3 & | + 12 | - 2 \quad 1 \times ب \end{aligned}$$

(7 علامات)

$$ب. (فه \div ه) = 3 \text{ و كان } فه = 12 - ه \quad ه = 5 - 3 = ه(9) \quad ه = 6 - ه(9) \quad ه = 6$$

(5 علامات)

$$\text{ج. استخدم طريقة كريم لحل النظام الآتي: } \begin{cases} س - 2ص + 7 = 0 \\ س + 2ص = 6 \end{cases}$$

السؤال الثالث: (20 علامة)

(8 علامات)

$$\text{أ. } \begin{cases} 2س + ب = 1 \\ 2ب - س = ج \end{cases} \text{ ج قيمة ب}$$

(6 علامات)

$$ب. (فه \times ه) = 12 \text{ و كان } فه = 7 - ه \quad ه = 7 - 3 = ه(7) \quad ه = 6 - ه(7)$$

(6 علامات)

$$\text{ج. متالية حسابية أساسها } 3 \text{ وحدتها العاشر } = 32 \text{ ، جد حدتها الاول .}$$

السؤال الرابع: (20 علامة)

(8 علامات)

$$\text{أ. جد الحد الثامن للمتسلسلة الهندسية التي مجموع أول } 3 \text{ حدود منها يساوي } 28 \text{ و أساسها } 2$$

(12 علامة)

ب. تقدم  $1000$  طالب لامتحان في مدرسة خليل الوزير الثانوية إذا كانت علامات الطلبة تتبع التوزيع الطبيعي وسطه الحسابي  $70$  و انحرافه المعياري  $10$  ، جد:

- نسبة الطلبة الذين تزيد علاماتهم عن  $60$ .

- النسبة المئوية للطلبة الذين تتحصر علاماتهم بين  $70$  و  $80$ .

- عدد الطلبة الناجحين (علامة النجاح  $50$ )

**القسم الثاني :** يتكون هذا القسم من سؤالين وعلى المشترك ان يجيب عن أحدهما فقط.

السؤال الخامس: (10 علامات)

(5 علامات)

$$\text{أ. إذا كان للاقتران } فه(s) = s^3 + s^2 - 9s + b \text{ قيمة صغرى محلية عند } s = 1 \text{ تساوي } 3 \quad \text{جد الثابتين } 1, b.$$

(5 علامات)

$$\text{ب. عين القيم القصوى المحلية وحدد فترات التزايد والتناقص للاقتران } فه(s) = s^3 - 3s^2$$

السؤال السادس: (10 علامات)

(5 علامات)

$$\text{أ. إذا كانت } س^{-1} = \left[ \begin{array}{cc} 2 & 1 \\ 1 & 0 \end{array} \right] \text{ وكانت } س^0 = \left[ \begin{array}{cc} 5 & 3 \\ 2 & 1 \end{array} \right] = ص \text{ ، جد المصفوفة } ع$$

(5 علامات)

$$\text{ب. إذا كان } \left\{ \begin{array}{l} فه(s) = 4s^2 + 2bs + ج \\ \text{و كان } فه(2) = 32 \end{array} \right. , \text{ جد قيمة الثابت } b$$

**انتهت الأسئلة**



ملاحظة: عدد أسئلة الورقة (ستة) ، أجب عن (خمسة) منها فقط

القسم الاول: يتكون هذا القسم من أربعة اسئلة ، وعلى المشترك أن يجيب عنها جميما.

## السؤال الأول: (30 علامة)

اختر الإجابة الصحيحة ، ثم ضع إشارة (x) في المكان المخصص في دفاتر الإجابة:

1. لتكن  $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$  ، ب مصفوفة رتبتها  $3 \times 4$  ، فإن رتبة المصفوفة  $A \times B$

د.  $2 \times 4$ ج.  $3 \times 3$ ب.  $3 \times 2$ أ.  $4 \times 2$ 

2. إذا كانت  $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$  ، فإن  $(A + 4B - 2C) - 3D =$

$$\begin{bmatrix} 3-4-2 \\ 4-2-1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 8 \\ 4 & 6 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 2-1-3 \\ 2-3-1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 5 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$$

3. إذا كان  $f(s) = s^2 + hs - 4$  ، وكان  $f(2) = 13$  ، جد  $h$

د. -4

$$13 = (2)^2 + 2h - 4$$

ج. 2

$$13 = (2)^2 + 2h - 4$$

ب. 3

$$13 = (2)^2 + 2h - 4$$

أ. 4

4. ص =  $(3s - 1)^2$  فإن  $\frac{d}{ds}$  ص عند  $s = 3$

د. 30

ج. 35

ب. 42

أ. 7

5. إذا كان  $ص = \frac{1}{s^2} + \frac{5}{s^3}$  ، جد  $\frac{d}{ds}$  ص

د. 7

ج. 26

ب. 24

أ. 12

6. أحد الاقترانات الآتية تمثل اقتراناً أصلياً للمشتقة  $f'(s) = 3s^2 - 2s$

د.  $s^3 - s^2$ ج.  $3s^3 - 2s^2$ ب.  $6s^2 - 4$ أ.  $s^3 - s^2$ 

7.  $f(s) = s^2 + 3s + 2$  ، فإن  $f'(s) =$

د. صفر

ج. 4

ب. 4

أ. 5

8.  $12s - 38 = \frac{1}{s^3}$  فإن قيمة  $s$

د. ±4

ج. ±3

ب. ±2

أ. ±1

9.  $f(s) = 4$  ، فإن  $f'(s) =$

د. 5

ج. 15

ب. 5

أ. 15

- $$= (1) \bar{(\mathfrak{h} \times \mathfrak{a})} \quad 1 = (1) \bar{\mathfrak{h}} \quad , \quad 3 = (1) \bar{\mathfrak{a}} \quad , \quad 0 = (1) \bar{\mathfrak{a}} \quad , \quad 2 = (1) \bar{\mathfrak{a}} \cdot 10$$

أ. ٢      ب. ٢      ج. ٣      د. صفر

١١. قيمة/قيم س التي تجعل المصفوفة A منفردة حيث  $A = \begin{bmatrix} 1 - s & 2 \\ 2 & 1 - s \end{bmatrix}$

12. إذا كانت  $4^x = 1$  ، فإن قيمة  $x$  هي ...

أ. ٢  
ب. ٦٤  
ج. ١٦٠ ج.  
د.  $\frac{1}{4}$

13. إذا كان مجموع أول  $n$  حدًّا من متسلسلة حسابية يعطى بالعلاقة  $S_n = n(2 + 1)$  ، فإن الأساس لهذه المتسلسلة يساوي ...

أ. ٧  
ب. ٣  
ج. ٢٠ ج.  
د. ٤

١٤. متسلسلة هندسية حدها الاول -١ واساسها  $\frac{1}{3}$  ، ما مجموع أول ثلاثة حدود منها

أ.  $\frac{13}{9}$

ب.  $-\frac{5}{9}$

ج.  $-\frac{4}{3}$

د.  $\frac{9}{13}$

١٥. مجموعة حل المعادلة  $لو(٣) = ٥$

١٦. إذا كانت مجموع علامات ٥٠ طالباً في امتحان الرياضيات يساوي ١٠٠٠ وانحرافها المعياري  $\frac{5}{3}$  في العلامة المعيارية المناظرة للعلامة ١٥

أ. ٢      ب. -٢      ج. ١      د. صفر

١٧. إذا حولت مفردات توزيع ما إلى علامات معيارية فإن مجموع العلامات المعيارية يساوي

١٨. إذا كان الفرق بين طولي شخصين يساوي ٥ سم و الفرق بين العلامتين المعياريتين المناظرتين يساو ٥، فما  
الانحراف المعياري

أ. ١٥ ب. ١٠ ج. ٧٥ د. ٢٥

١٩. ما قيمة ج التي يجعل المستقيم  $y = 2x + 3$  ، معادل لمنحنى الاقتران  $y = x^3 - 5x + 5$  عند  $x = 1$

٤. أ.  $\frac{2}{s-1}$  ب. ج.  $s + 3$  ج. د. ٨ . د.

٢٠. إذا كان  $f(s) = \frac{-2}{s-1}$  ، و  $f(2) = 6$  ، جد قيمة الثابت  $b$

يتبَعُ صَفَّهَةً (3)

←

لاحظ الصفحة التالية

السؤال الثاني: (20 علامة)

- (10 علامات) أ. إذا كان  $\text{هـ}(s) = \text{هـ}(s) \times s$  ، جد متوسط تغير الاقتران  $\text{هـ}(s)$  في الفترة  $[1, 3]$  علمًا بأن  $5 = \text{هـ}(3) - \text{هـ}(1)$
- (10 علامات) ب.  $\text{هـ}(s) = \frac{s^2 - 2}{s - 2}$  جد  $\text{هـ}(4)$

السؤال الثالث: (20 علامة)

- (9 علامات) أ. استخدم طريقة كريم لحل النظام التالي:  $s^3 - s = 1 + s$  ،  $4s + s - 8 = 0$
- (11 علامات) ب. إذا كان ميل المماس لمنحنى الاقتران  $\text{هـ}(s)$  عند أي نقطة واقعة عليه يعطى بالقاعدة  $\text{هـ}(s) = 3s^2 + 8$  ، جد قاعدة الاقتران  $\text{هـ}(s)$  علمًا بأن  $10 = \text{هـ}(1)$

السؤال الرابع: (20 علامة)

- (10 علامات) أ. ما مجموع حل المعادلات:
- $$1 - \frac{1}{s-1} - \frac{1}{s-2} = 5 \quad (125)$$
- (10 علامات) ب. تقدم ١٠٠٠ طالب في إحدى الجامعات الفلسطينية لامتحان عام في المهارات وكانت علاماتهم تتبع التوزيع الطبيعي بوسط حسابي ٦٠ وانحراف معياري يساوي ١٠ ، فلوجد:
- ١- النسبة المئوية للطلاب الذين ينحصر علاماتهم بين ٦٠ درجة و ٨٠ درجة .
  - ٢- عدد الطلاب الذين حصلوا على ٧٠ درجة على الأقل.

القسم الثاني : يتكون هذا القسم من سؤالين وعلى المشترك ان يجيب عن أحدهما فقط.

السؤال الخامس: (10 علامات)

- (5 علامات) أ. عين فترات التزايد والتناقص للاقتران  $\text{هـ}(s) = s^3 + 6s - 1$
- (5 علامات) ب. ب =  $\left[ \begin{array}{cc} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{array} \right] = \left[ \begin{array}{cc} 2 & 1 \\ 4 & 3 \end{array} \right]$  وكان  $(1 \times B)^{-1}$  جد ١

السؤال السادس: (10 علامات)

- (5 علامات) أ. متسلسلة هندسية حدها الخامس ٦٢٨ وحدتها الثامن ١٢٨ جد مجموع أول عشر حدود منها.
- (5 علامات) ب. إذا كان مجموع الحدود الأربع الأولى من المتسلسلة  $\sum_{n=0}^{\infty} \left( \frac{1+n}{2+n} \right)^2$  ، جد قيمة الثابت  $A$

انتهت الأسئلة